

Die Prüfung dieser Modelle erfolgt häufig durch die experimentelle Untersuchung des Entscheidungsverhaltens in Glücksspielen. Dabei wird z. B. bestimmt, wie groß der Einsatz $E(p, v)$ ist, den die Vp. höchstens zu zahlen bereit ist, wenn sie beim Spiel mit der Wahrscheinlichkeit p einen Gewinn v erhält. Das EV-Modell ist direkt durch die Gültigkeit der Beziehung $E(p, v) = p \cdot v$ prüfbar. Entsprechend dem SEU-Modell muß es eine Funktion zwischen subjektivem Nutzen und objektivem Gewinn, die Nutzenfunktion $u(v)$ und eine subjektive Wahrscheinlichkeit $q(p)$ geben, so daß $u[E(p, v)] = u(v)q(p) + u(0) \cdot (1 - p)$.

Da sämtliche Größen in dieser Beziehung nicht von vornherein bekannt sind, ist eine direkte Prüfung der Gültigkeit nicht möglich. Da jedoch u eine Intervallskala darstellt (I Skalentypen), kann gewählt werden $u(0) = 0$ und es gilt $\log u[E(p, v)] = \log u(v) + \log q(p)$.

Damit führt die Prüfung des SEU-Modells auf die Frage, ob Transformationen der Skalen für v und damit für E sowie der für p existieren, so daß die Transformierte des bewilligten Einsatzes E gleich der Summe aus den Transformaten vom Gewinn v und von der Wahrscheinlichkeit p ist. Diese Problemstellung entspricht der additiven *f simultanen Mehrfachmessung*.

Für die Nutzenfunktion zwischen subjektivem Nutzen und objektivem Gewinn wird meist gefunden, daß mit zunehmendem positivem Gewinn der subjektive Nutzen langsamer zunimmt als der Gewinn, während bei negativem Gewinn, d. h. bei Verlust, der subjektive Nutzen rascher abnimmt als der Gewinn. Für die subjektive Wahrscheinlichkeit gilt allgemein, daß hohe objektive Wahrscheinlichkeiten unterschätzt, geringe überschätzt werden.

d) Das *Prinzip der Varianzbevorzugung* besagt, daß die Attraktivität einer Alternative nicht vom Erwartungswert, sondern von der Varianz des Nutzens bestimmt wird. Es sollen *individuelle Idealwerte der Varianz* existieren. Je näher die Varianz diesem Idealwert kommt, um so attraktiver ist die Alternative. Dieses Prinzip hält gründlicher empirischer Prüfung nicht stand.

e) Das *Maximin-Kriterium* betrifft den Fall, daß über $p(S_j)$ nichts bekannt ist. Dann kann ein Prinzip der Wahl sein, für jedes a_j den minimalen Gewinn bezüglich der s_j zu ermitteln und die Alternative zu wählen, für die dieser minimale Gewinn am größten ist. Falls die Alternativen a_j Strategien eines Spiels und die Zustände s_j Strategien eines Gegners sind, führt das Maximin-Kriterium zur *Spieltheorie*.

f) Die *Bayessche Entscheidungstheorie* bezieht sich insbesondere auf die Abhängigkeit der subjektiven Wahrscheinlichkeit der Zustände S_j von den Informationen über diese Zustände. Bezeichnen $q(s_j)$ die Wahrscheinlichkeit von s_j vor, $q(s_j | J)$ die nach dem Erhalt der Information J und $q(j | s_j)$ die Wahrscheinlichkeit des Auftretens von J unter der Bedingung, daß s_j der aktuelle Zustand ist,

dann ist $q(J)$ die *totale Wahrscheinlichkeit* von J . Danach lautet das Bayessche Theorem $q(s_j | j) = [q(j | s_j)q(s_j)]/q(J)$.

Gibt es nur zwei Zustände s_1 und s_2 , so heißt $\Pi_0 = \langle I(s_1)/q(s_2) \rangle$ die *Chance von S_1 gegenüber s_2* . Weiter ist $D_j = q(s_j | J)/q(s_2 | J)$ die Chance nach Erhalt von J und $L = q(j | s_1)/q(j | s_2)$ das *Wahrscheinlichkeitsverhältnis*. Dann gilt $L \cdot D_0$. Treten sequentiell mehrere Informationen I_1, I_2, \dots, I_m auf, so ist entsprechend $L^* = q(I^* | s_1)/q(I^* | s_2)$ und man erhält

$$A \cdot L = \prod_{k=1}^m I_k(A)$$

Die Prüfung, inwieweit dem Entscheidungsverhalten des Menschen die Bayessche Entscheidungstheorie zugrunde liegt, erfolgt häufig durch Urnenversuche. Existieren z. B. zwei Urnen U_j und U_2 , von denen die erste n rote und $N-n$ blaue, die zweite aber $N-n$ rote und n blaue Kugeln enthält, so kennt die Vp. zwar die Mischungsverhältnisse, weiß aber nicht, in welcher der beiden die roten Kugeln überwiegen. Sie hat nun die Wahrscheinlichkeit q dafür zu schätzen, daß in U_i die roten Kugeln überwiegen. Von vornherein gilt für die Chance $Q_0 = 1$. Erhält nun die Vp. eine Information I_i , indem aus U_1 eine rote Kugel gezogen wird, so ergibt sich aus der Bayesschen Entscheidungstheorie $Q_i = n/(N-n)$. Beim Vergleich der theoretischen Werte mit den empirischen ergibt sich, daß die Veränderung der durch den Menschen geschätzten Wahrscheinlichkeit nach Erhalt von Informationen in der Tendenz der Bayesschen Entscheidungstheorie entspricht, aber geringer ist. Dieser Effekt wird als *Konservatismus* bezeichnet.

g) das *lineare Modell* beschreibt die Zusammenfassung von Informationen X_k mit $k = 1, 2, \dots, n$, über den Zustand der Umgebung zu einer das Auswahlverhalten beschreibenden Größe

$$Y = \sum_k I_k X_k$$

in Form einer Linearkombination mit den Gewichtungsfaktoren W_k . Die Informationen X_k sollen dabei als reelle Zahlen vorliegen, die sich jedoch im Falle von nur zwei möglichen Zuständen auf die Werte 0 und 1 beschränken können. Die Größe Y hat folgende Beziehung zur Menge A : Ist die Menge A ein Kontinuum, so kann $A = Y$ gesetzt werden. Ist $A = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ eine geordnete endliche Menge, so wird die Alternative a_j dann gewählt, wenn $Y_{j-1} < Y < Y_j$. Dabei sind die Y_0, Y_1, \dots, Y_n *Schwellenwerte*. Die X_k können z. B. die Testergebnisse eines Patienten sein, und die Menge A kann aus den Angaben der Sicherheit in N Stufen bestehen, mit der die Diagnose „Neurose“ gestellt werden kann.

Bei der Prüfung des linearen Modells werden mit